Physics Lab. 2024 統計物理班

市川大瑚, 臼井雅人, 藤原敬志

# ヒッグスモードで見る超伝導: 島野研実験

## 1 はじめに

本実験では超伝導体 NbN のヒッグ スモードの振動をポンプ-プローブ分 光を用いて観測した。さらに、THz 領 域の光学伝導度 σ(ω) も測定した。

# 2 ヒッグスモードとは

超伝導は相転移現象の一種である。 超伝導の相転移について調べるには、 微視的なハミルトニアンから出発する 方法とランダウの現象論を用いる方法 の二つが考えられる。本実験のテーマ であるヒッグスモードは後者を用いて その概観を理解することができる。

# G-L 自由エネルギーと超 伝導揺らぎ

天下りに以下のような揺らぎのエネ ルギーの式を導入する。

$$\delta F = 2\alpha\psi_1^2 + \frac{1}{2m}(\nabla\psi_1)^2 + \frac{(\nabla \times \mathbf{A})^2}{8\pi} + \frac{e^2}{2m}(\mathbf{A} - \frac{1}{e}\nabla\theta)^2(\psi_0 + \psi_1)^2$$
(1)

ここで、 $\psi_0$ は定常解の振幅、 $\psi_1$ は振幅の揺らぎ、 $\theta$ は位相の揺らぎを表す。

**A** = 0 の時の揺らぎの様子を以下に 示す (**A** は一般に電磁場を表す)。



図 1: 超伝導揺らぎの図。[4] より引用。  $\psi_1$ の矢印と $\theta$ の矢印が振動に対応する。

電磁場 **A** がない場合は超伝導揺ら ぎの二つの振動 (ψ<sub>1</sub> と θ) が存在し、前 者は massive な振幅モード (ヒッグス モード)、後者は massless な位相モー ド (南部ゴールドストンモード) と呼 ばれる。massive か massless かは微 分記号  $\nabla$  の有無で判断してほしい。

#### 2.2 Anderson-Higgs 機構

次に A が存在する場合を考える。 ゲージ変換  $A' = A - \nabla \theta / e, \theta' = 0$  に より自由エネルギー (1) は,

$$\delta F = 2\alpha \psi_1^2 + \frac{1}{2m} (\nabla \psi_1)^2 + \frac{(\nabla \times \mathbf{A})^2}{8\pi} + \frac{e^2}{2m} \mathbf{A'}^2 \psi_0^2 + \frac{e^2}{m} \mathbf{A'}^2 \psi_0 \psi_1 + \cdots$$
(2)

となる。これを見ると massless な位 相モードが電磁場に吸収されている ことがわかる。さらに超伝導状態では  $\psi_0 \neq 0$  なので、電磁場の massive な 項  $\frac{e^2}{2m} A'^2 \psi_0^2$  が存在する。このように 超伝導状態で電磁場が質量を獲得する 機構を Anderson-Higgs 機構という。

なお本実験に関連するのは (2) の最 初の項  $2\alpha\psi_1^2$  と最後の項  $\frac{e^2}{m} A'^2 \psi_0 \psi_1$ である。前者は自由振動のエネルギー に対応し、後者は 2 次の非線形な電磁 場  $A'^2$  とヒッグスモード  $\psi_1$  の結合項 であり、強制振動として観測する。

### 3 測定原理

**^ / / / / / / / / / / / /** 

#### **3.1** ポンプ-プローブ分光

本実験で用いたポンプ-プローブ分 光とは、初めに照射した光パルス (ポ ンプ光)によって物質を励起し、これ によって生じた変化を、ポンプ光に遅 らせて照射した光 (プローブ光)の反 射率や透過率の変化として検出する方 法である。特に今回は、ポンプ光とプ ローブ光に THz 波を用いている。



図 2: THz ポンププローブ分光の模式図。ポ ンプ光でサンプルを励起した後にプローブ光で 状態を探る。検出には EOS(後述) を用いた。

# 3.2 非断熱的励起による自由 振動の誘起

超伝導状態のサンプルにポンプ光を 入射することでギャップ端に瞬間的に 多数の準粒子励起を生成する (非断熱 的励起)。なお、ポンプ光に THz 波を 用いるのは、超伝導のギャップエネル ギー Δ の大きさに合わせるためであ る。(6.2.4 で詳しく述べる。)



図 3: THz 波による準粒子励起の様子。文献 [5] より引用。ギャップ端に多数の準粒子を励 起し、超伝導ギャップの振動を観測した。

先程の自由エネルギーの描像に合わ せると、非断熱的励起の様子は以下の ようになる。



図 4: 非断熱的励起の様子。瞬間的に準粒子分 布を変化させることで振幅方向の振動 (ヒッグ スモード)を誘起している。

実際、詳細な解析により非断熱的 励起後の超伝導のギャップ関数が  $\omega_H = 2\Delta_{\infty}^{*1}$ の周期で振動すること がわかっている:

 $\frac{|\Delta(t)|}{\Delta_{\infty}} \simeq 1 + a \frac{\cos(2\Delta_{\infty}t + \phi)}{\sqrt{\Delta_{\infty}t}} \quad (3)$ また、説明は煩雑になるので書かないが、 $\Delta$ は 2.1,2.2 で説明した秩序変数  $\psi_0$  と実質的に同じものであるので、この振動は超伝導における秩序変数の振動を見ていることになる。

#### **3.3 強制振動の誘起**

再び自由エネルギーに着目すると、 ヒッグスモードの項は  $\frac{e^2}{m} A'^2 \psi_0 \psi_1$  で  $A^2$  と結合しているのであった。これ を実験で確認するには周波数  $\omega$  のサイ クルを持つ電場を入射してギャップが  $2\omega$  で振動することを観測すればいい。 ただし、強い応答を得るためには強制 振動の運動方程式

 $\partial_t^2 \psi_1 = -\omega_H^2 \psi_1 + K e^{-2i\omega t} \qquad (4)$ 

からもわかる通り、 $2\omega = \omega_H = 2\Delta_\infty$ となるように周波数  $\omega$  を設定する。

### **4** 実験手順

本実験では超伝導体として NbN を、 薄膜状にして石英基板の上に張り付け て使用した。

# 4.1 ヒッグスモード (自由振動)の観測

- THz 波パルス (ポンプ光) を照 射して、超伝導ギャップをクエ ンチする。
- プローブ光を照射して、非断熱 的励起された超伝導体 (NbN 薄 膜)を透過した電場を測定する。 (透過電場の振動が超伝導ギャ ップ △ の振動に対応する)

ポンプ光とプローブ光の照射時間の差 t<sub>pp</sub> を操作することにより、超伝導ギャップのダイナミクスを得る。

# 4.2 ヒッグスモード (強制振動)の観測

強制振動を観測するには入射電場を 単一パルスから数サイクルで振動する 周波数  $\Delta_{\infty}$  の電場に変更する。

## 5 測定結果

5.1 ヒッグスモード (自由振 動)の観測

ヒッグスモードの自由振動として、 以下のような振動が観測された。



図 5: ヒッグスモード (自由振動)の様子 (T=4.5 K)。T=20 K では振動が生じて いないことがわかる。

振動の周波数がギャップエネルギー 2 $\Delta_{\infty}$ に当たるので、これを読み取ると 1.2(1) THz となる。これは  $Re(\sigma(\omega))$ の立ち上がり (6.2 参照) から読み取 られるギャップエネルギーの値 1.1(1) THz と一致するので、確かにヒッグ スモードが観測されていることがわ かる。

# 5.2 ヒッグスモード (強制振動)の観測

強制振動を観測するためにポンプ光 を単一のパルスではなく、数サイクル にわたり振動するようにした結果、以 下のような振動が見られた。



これを周波数スペクトルに直して元 のポンプ THz 波のスペクトルと比較 すると以下のようになった。



図 7: 強制振動とポンプ光の周波数スペクトル の様子。ちょうどポンプ光の周波数の2倍位置 に強制振動のスペクトルがあることがわかる。

# 6 $\sigma(\omega)$ の測定

超伝導体の光学伝導度  $\sigma(\omega)^{*2}$ を測 定しその実部の立ち上がりを見ること で超伝導ギャップの値を知ることがで きる。

6.1 手順

- 何もない状態、基板だけ、NbN 薄膜を基板上に乗せた場合それ ぞれのプローブ光の透過スペク トル Ê(ω) を得る。
- これらのデータから NbN 薄膜 の光学伝導度 σ(ω) を得る。

#### 6.2 測定結果

 $\sigma(\omega)$ の実部、虚部はそれぞれ以下の ようになった。

 $^{*1}$  ただし  $\Delta_\infty$  は十分に時間が経過した後の超伝導ギャップとした。

 $^{*2}$ 印加した電場に対し電流がどれだけ流れるかに対応する量で、 $ilde{j}_{\omega}=\sigma(\omega) ilde{E}_{\omega}$ が成立する。チルダ付きの量は物理量を Fourier 変換したことを表す。





Reσ(ω) の立ち上がりに当たる周波 数が超伝導ギャップのエネルギーに該 当する。これを読み取るとギャップの エネルギーは 1.1(1) THz となった。

# 7 THz 波のあれこれ

7.1 THz 波のスペクトル



図 10: 本実験で用いたポンプ光とプローブ光 の周波数スペクトル。ともに 1THz 近傍に分布 している。

#### 7.2 THz 波の発生機構

光源には波長 800 nm、光子エネル ギー 1.55 eV、時間幅約 100 fs のパル スを 1 kHz の繰り返しで出力するモー ドロックレーザーを用いた。このパル スに対して非線形光学効果 (光整流過 程)による波長変換を行うことで、時 間幅がほとんど同じまま中心周波数を 変えたパルス光を得ることができる。 [2]

#### 7.3 THz 波の検出方法

透過したプローブ THz 波の検出に は非線形光学結晶による電気光学サン プリング法を用いた。この手法は、物 質に外部から電場を加えると分極率が 変化し、その結果屈折率が変化すると いう効果 (ポッケルス効果)を利用す るものである。

電気光学サンプリング法では、ポッ ケルス効果の大きい物質の結晶を用意 して直線偏光を入力しておく。ここに THz 波が入射してくると、この THz 波によって結晶の屈折率が変わって、 元々入射してあった直線偏光が変わ る。この偏光の変化として、THz 波を 検出する。[2]



図 11: ポッケルス効果の概念図。入射した THz 電場により結晶に複屈折が生じ、直線偏 光が楕円偏光に変化する。

#### 7.4 なぜ THz 波か?

ポンプ光に THz 波を用いる理由だ が、これは THz 波の光子エネルギーの 小ささに由来する。仮に、一般的な近 赤外レーザーの光子のエネルギーを用 いたとしよう。この場合レーザーの光 子エネルギーは eV 程度である一方、 ギャップエネルギー Δ は meV 程度で ある。この場合、準粒子はギャップ端 から離れたところに生成されるが、実 はギャップ端から離れた準粒子の分布 はギャップにほとんど影響を与えない ことが知られている。

ゆえに、ギャップが変化するのはエ ネルギー緩和が起こってからだが、ポ ンプ光の膨大な余剰エネルギーによっ

て加熱された格子系からの熱による クーパー対の破壊も同時に起こる。こ れは系が平衡化するまで続くので、非 断熱的励起にならず振動が見られな い。[1][3] また、プローブ光に THz 波 を用いるのは、ギャップ近傍の光学伝 導度を調べるのに適しているからで ある。

#### 7.5 クーパー対の破壊

先程述べた通りエネルギーが過剰だ と余剰エネルギーにより超伝導状態が 壊れることになる。本実験では THz 波の強度を変えた時にその様子が観測 された。



図 12: 観測されたヒッグスモード。元のポン プ光の大きさ *I*<sub>0</sub> を偏光子を用いて減衰させて 大きさを調節し、0.75*I*<sub>0</sub>,0.50*I*<sub>0</sub>,0.36*I*<sub>0</sub> として NbN 薄膜に照射した。

強度が大きい時 (0.75*I*<sub>0</sub>) には振動が 止まっている様子がわかる。

#### 8 謝辞

本実験は島野研究室の皆様のご協力 のもと行われました。特に田中康太郎 さん、吉川尚孝助教には光学系のセッ トアップから測定まで、実験全体にわ たり大変お世話になりました。ご協力 頂いた全ての方々に深く感謝を申し上 げます。